

RSA 推論結果歸類



✦ 推論結果歸類

◆ RSA 演算法相關參數

- p 與 q 兩質數：自行選擇的私有值。
- $n=pq$ ：計算而得的公開值。
- 選擇 e ，需滿足 $\gcd(\psi(n), e)=1$ ； $1 < e < \psi(n)$ ：自選公開值。
(一般都固定值 3 或其他數值)
- 依 $ed \equiv 1 \pmod{\psi(n)}$ ； $d \equiv e^{-1} \pmod{\psi(n)}$ ：計算出私有值。
- 公開鑰匙： $K_U = \{e, n\}$
- 私有鑰匙： $K_D = \{d, n\}$



RSA 推論結果歸類



✿ 產生鑰匙範例假設參數：

- ◆ 1. 選定兩個質數， $p = 7$ 、 $q = 17$ 。
- ◆ 2. 計算 $n = pq = 7 \times 17 = 119$ 。
- ◆ 3. 計算 $\psi(n) = (p-1) \times (q-1) = 6 \times 16 = 96$ 。
- ◆ 4. 選定 e ，但必須滿足 $\gcd(e, \psi(n)) = 1$ ，則選擇 $e = 5$ ，因與 96 互質。
- ◆ 5. 選定 d ，但必須滿足 $de \equiv 1 \pmod{96}$ ，且 $d < 96$ 。
- ◆ 則： $d * 5 \equiv 1 \pmod{96}$ ； $d * 5 = 1 + 96 * k$ ， $k = 1, 2, 3 \dots$
- ◆ 由 $k = 1, 2, 3, 4, ..$ 開啟測試，當 $k = 4$ ， $d * 5 = 1 + 96 * 4 = 1 + 384 = 385$
則 $d = 385 / 5 = 77$ ，
- 則 $e * d = 77 * 5 = 385 \equiv 1 \pmod{96}$ （385 除以 96，得到餘數為 1）。
- ◆ 經過上述推演得到：
 - 公開鑰匙： $K_U = \{e, n\} = \{5, 119\}$
 - 私有鑰匙： $K_R = \{d, n\} = \{77, 119\}$

